

平成 28 年度 東北薬科大学入学試験問題

医学部 一般・数学

《注意事項》

1. 解答用紙左部に氏名、フリガナ、その下部に受験番号を記入し、例にならって〇の中を塗りつぶすこと。

(例) 受験番号 10001
の場合

フリガナ	
氏名	

受験番号				
万	千	百	十	一
1	0	0	0	1
0	●	●	●	○
●	①	①	①	●
②	②	②	②	②
9	9	9	9	9

2. この問題冊子は、3ページあります。

3. 解答方法は次の通りである。

- (1) 問題の文中の [ア], [イウ] などには数字(0~9), 符号(-), 文字(k)が入ります。ア、イ、ウ、…の一つ一つはこれらのいずれか一つに対応します。
それらを解答用紙のア、イ、ウ、…で示された解答欄にマークして答えなさい。

例 1 [アイウ] に $-2k$ と答えたいとき

([注意] 文字は数字の後にかくので $-k2$ としてはいけません。)

ア	●	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	k
イ	⊖	0	1	●	3	4	5	6	7	8	9	k
ウ	⊖	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	●

- (2) 分数形で解答する場合は既約分数(それ以上約分できない分数)で答えなさい。
符号は分子につけなさい。(分母につけてはいけません。)

例 2 [キク] に $-\frac{4}{5}$ と答えたいときは $-\frac{4}{5}$ として

キ	●	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	k
ク	⊖	0	1	2	3	●	5	6	7	8	9	k
ケ	⊖	0	1	2	3	4	●	6	7	8	9	●

- (3) 根号を含む形で解答する場合は、根号の中に現れる自然数が最小となる形で答えなさい。

例えば [コ] $\sqrt{\boxed{\text{サ}}}$, $\frac{\sqrt{\boxed{\text{シス}}}}{\boxed{\text{セ}}}$ に $4\sqrt{2}$, $\frac{\sqrt{13}}{2}$ と答えるところを $2\sqrt{8}$, $\frac{\sqrt{52}}{4}$ のように答えてはいけません。

- (4) 解答の作成にはH、F、HBの鉛筆を使用し、〇の中を塗りつぶすこと。
尚、解答以外に印をつけた場合は、必ず消しておくこと。
- (5) 答えを修正した場合は、プラスチック製の消しゴムであとが残らないように完全に消すこと。鉛筆のあとが残ったり、のような消し方などした場合は、修正または解答したことにならないので注意すること。
- (6) 解答用紙は折り曲げたり、メモやチェック等で汚したりしないよう、特に注意すること。
4. 問題の内容については、質問しないこと。

(問題冊子は回収しません)

平成 28 年度 医学部 一般入試

問 題 訂 正



受験者に対して、試験開始前に問題訂正があることを口頭で伝えた上、試験開始直後に下枠の内容を、黒板に板書するなどにより周知してください。

10 時 00 分開始 数学

問題訂正

数 学

問題 [1]

(1) (2) (2) ⇒ (1) (2) (3)

問題 [II]

(5) … 試行繰り返す ⇒ … 試行を繰り返す

問題 [III]

(3) … 最大値 ⇒ (3) … 最小値

問題 [I] 実数 t は $0 \leq t < 2\pi$ を動くとし、点 $P(2 \cos t, 4 \sin t)$, 点 $Q(-2 \sin t, 4 \cos t)$, 点 $A\left(\frac{1-\sqrt{3}}{2}, 1+\sqrt{3}\right)$ を考える。このとき、次の間に答えなさい。

(1) 原点を $O(0,0)$ とおくとき $OP^2 + OQ^2 = \boxed{\text{アイ}}$ である。

(2) 点 P, A, Q が一直線に並ぶのは $t = -\frac{\boxed{\text{ウ}}}{\boxed{\text{エ}}} \pi$ のときである。

(2) 三角形 PAQ の面積は $S(t) = \boxed{\text{オ}} - \boxed{\text{カ}} \sin\left(t + \frac{\boxed{\text{キ}}}{\boxed{\text{ク}}} \pi\right)$ である。

また $S(t)$ は $t = -\frac{\boxed{\text{ケ}}}{\boxed{\text{コ}}} \pi$ のとき最大値 $\boxed{\text{サ}}$ をとる。

問題 [II] 白玉 6 個と赤玉 3 個がはいっている袋から玉を 1 個取り出す試行を行う。このとき、次の間に答えなさい。

(1) 取りだした球は袋に戻さないとして、この試行を 5 回繰り返す。5 回目にはじめて赤玉が取り出される確率は $\frac{\boxed{ア}}{\boxed{イウ}}$ である。

(2) 取りだした球は袋に戻さないとして、この試行を 5 回繰り返す。このとき、赤玉がちょうど 3 個取り出される確率は $\frac{\boxed{エ}}{\boxed{オカ}}$ である。

(3) 取りだした球は袋に戻さないとして、この試行を 5 回繰り返す。5 回目に 3 個目の赤玉が取り出される確率は $\frac{\boxed{キ}}{\boxed{クケ}}$ である。

(4) 取りだした球を袋に戻すとして、この試行を 5 回繰り返す。このとき、赤玉がちょうど 3 個取り出される確率は $\frac{\boxed{コサ}}{\boxed{シスセ}}$ である。

(5) 取りだした球を袋に戻すとして、この試行繰り返す。赤玉が取り出されたら試行は止める。 k 回目に赤玉が出て止める確率は $P_k = \frac{\boxed{ソ}}{\boxed{タ}} \left(\frac{\boxed{チ}}{\boxed{ツ}} \right)^{\boxed{テ}}$ である。

また $T = 1 \cdot P_1 + 2 \cdot P_2 + \cdots + k \cdot P_k = \boxed{ト} - (\boxed{ナ} + k) \left(\frac{\boxed{ニ}}{\boxed{ヌ}} \right)^{\boxed{ネ}}$ である。

問題 [III] $0 \leq k \leq \frac{\pi}{2}$ として、積分

$$S(k) = \int_0^{\frac{\pi}{2}} (2 |\sin x - \sin k| + |\cos x - \cos k|) dx$$

を考える。このとき、次の間に答えなさい。

(1) $S(k) = \boxed{\text{アイ}} + (\boxed{\text{ウ}} + \boxed{\text{エオ}} - \pi) \sin k + \left(\boxed{\text{力}} - \boxed{\text{キク}} + \frac{\boxed{\text{ケ}}}{\boxed{\text{コ}}} \pi \right) \cos k$

である。

(2) $S'(k) = \left(\boxed{\text{サシ}} - \frac{\boxed{\text{ス}}}{\boxed{\text{セ}}} \pi \right) (\sin k + \boxed{\text{ソ}} \cos k)$ である。

(3) $S(k)$ は $k = \frac{\boxed{\text{タ}}}{\boxed{\text{チ}}} \pi$ で最大値 $\boxed{\text{ツ}} \sqrt{\boxed{\text{テ}}} - \boxed{\text{ト}}$ をとる。