

2017年度入学試験問題(前期)

数学 (問題)

注意

- 1) 数学の問題冊子は4ページあり、問題はI, II, III, IVの4題である。
- 2) 別に解答用紙1枚があり、解答はすべてこの解答用紙の指定欄に記入すること。
指定欄以外への記入はすべて無効である。
計算や下書きは問題用紙の白紙・空白部分を利用して行うこと。
- 3) 解答用紙の所定欄に受験番号を記入せよ。氏名を記入してはならない。
なお、記入した受験番号が誤っている場合や無記入の場合は、数学の試験が無効となる。
解答用紙の※印の欄には何も記入してはならない。
- 4) 問題冊子、解答用紙はともに持ち出してはならない。
- 5) 試験終了時には、問題冊子の上に解答用紙を裏返して置くこと。解答用紙、問題冊子の回収後、監督者の指示に従い退出すること。

関西医科大学

2017 年度入学試験問題（前期）
数学（問題）訂正

1 ページ

問題 I (2) 3 行目

誤 : $f(29 \times 2017) =$

正 : $f(29 \times 2017)$ (=を除く)

I (1)~(6)の [] の中に、あてはまる数、角度、整式、不等式、記号、語句などを記入せよ。

- (1) 次の式を係数が実数となるように因数分解せよ。 $4x^4 - 4x^2 + 9 =$ [ア]。また、 $4z^4 - 4z^2 + 9 = 0$ となる複素数解は [イ] であり、これらの解を表す点を複素数平面上に図示すると [ウ] となる。
- (2) n を自然数とするとき、1から n までの自然数で n と互いに素であるものの個数を $f(n)$ と表す。このとき、 $f(29) =$ [エ] であり、 $f(2017) =$ [オ] である。さらに $f(29 \times 2017) =$ を 8 進法で表すと [カ] である。
- (3) 不等式 $\log_x(x^2 - 2x + 5) \leq \log_x(-2x^2 + 5x + 3)$ を満たす x の範囲は [キ] である。
- (4) $0 \leq \theta \leq \pi$ のとき、
不等式 $(\sin 2\theta + \cos \theta)(1 - 2\sin \theta) + (2\cos 2\theta - 1) > 0$ を満たす θ の範囲は [ク] である。
- (5) 実数 a について、 $f(x) = x^3 - x^2 - 9x + 9$, $g(x) = a(x^2 - 1)$ と定義したとき、 $f(x) = g(x)$ はちょうど 2 つの実数解を持つ。このとき、 $a =$ [ケ] であり、 $f(x)$ と $g(x)$ で囲まれる面積は [コ] である。
- (6) 次の 5 つの命題がある。
命題 1：「命題 1 は真」、命題 2：「命題 1 は偽」、命題 3：「命題 2 は真」、
命題 4：「命題 3 は偽」、命題 5：「命題 4 は偽」
この 5 つの命題の中で、2 つの命題が真で 3 つの命題が偽であるとき、真の命題は [サ] である。

II m 個の席がある円卓があり、時計回りに 1, 2, 3, …, m の座席番号が付いてい
る(時計回りに m の席の次の席は 1 の席である)。整数で表される時刻 n で k の席
に座っている人は、時刻 $n + 1$ でさいころをふって出た目の数だけ時計回りに数
えた席に移動する。例えば、 $m = 5$ のとき 2 の席に座っている人は、3 の目が出
たときは 5 の席に、4 の目が出たときは 1 の席に移動する。時刻 0において 1 の席
に座っていた人が、時刻 n において k の席に座っている確率を $P_m(n, k)$ と表す。
さいころの目の出方が同様に確からしいとして以下の間に答えよ。

(1) 次の確率を求めよ。

$$P_3(5, 1) = \boxed{\text{シ}},$$

$$P_4(2, 3) = \boxed{\text{ス}},$$

$$P_5(5, 1) = \boxed{\text{セ}}$$

(2) 次の確率を求めよ。

$$P_7(n, 1) = \boxed{\text{ソ}}$$

(3) $m = 7$ のとき、 $n \geq 1$ の時刻 $n + 1$ において 1 の席に座っている人が、時刻 n
において 3 の席に座っていた確率は $\boxed{\text{タ}}$ である。

(4) $m = 7$ のとき、時刻 0において、1, 3, 5 の席に男性が、2, 4, 6, 7 の席に
女性が座っている。時刻 n において、1 の席に男性が座っている確率は
 $\boxed{\text{チ}}$ である。

III xy 平面上に原点 $O(0, 0)$, 点 $A(2, 0)$, 点 $B(1, 3)$, 点 $C(3, 3)$ をとる。このとき, 線分 OA と線分 BC 上に, 端点を除く点を移動する点 P, Q をそれぞれ定める。線分 OQ と線分 BP の交点を E , 線分 AQ と線分 CP の交点を F とする。

(1) 点 P, Q をどのようにとっても, 線分 EF はある定点を通る。この定点の座標は ツ である。

(2) 点 Q をある点に固定して, 点 P を線分 OA 上で移動させたときに線分 EF が通過する範囲を D とする。 Q の座標を $(\frac{3}{2}, 3)$ に固定したときの D を テ に図示せよ。

ただし, 条件を満たす領域を斜線で明示することとし, 境界上の点を含むときは実線を, 境界上の点を含まないときは点線を用いて表記すること。また, 交点を含む場合は黒丸(\bullet), 交点を含まない場合は白丸(\circ)で表記せよ。

(注: テ の欄内に, これらの表記に関する説明を記載しないこと。)

(3) 点 Q の x 座標を t としたとき, D の面積 S は t の関数として $S = \boxed{\quad}$ ト 表せる。

面積 S は $t = \boxed{\quad}$ ナ の時に最小値 ニ をとる。

$$\text{IV } f_0(x) \text{ を次のように定める。} f_0(x) = \begin{cases} 0 & (x < 1) \\ (x-1)e^{1-x} & (1 \leq x) \end{cases}$$

$0 \leq x$ において $f_n(x)$ を次式で定義する。

$$f_n(x) = f_{n-1}(x) + f_0(x-n) \quad (\text{ただし, } n \text{ は自然数})$$

(1) このとき, $f_2(2) = \boxed{\text{ヌ}}$, $f_3(3) = \boxed{\text{ネ}}$,
 $f_n(n) = \boxed{\text{ノ}}$ である。

(2) つぎに $I_0(x) = \int_x^{x+1} f_0(t) dt$ と定義する。

$$I_0(x) = \begin{cases} 0 & (x < 0) \\ \boxed{\text{ハ}} & (0 \leq x < 1) \\ \boxed{\text{ヒ}} & (1 \leq x) \end{cases} \text{ である。}$$

(3) $\int_x^{x+1} f_0(t-n) dt$ を I_0 を用いて表すと $\boxed{\text{フ}}$ である。

(4) $f_n(x) = f_{n-1}(x)$ が成り立つ x の範囲は $x < \boxed{\text{ヘ}}$ である。

(5) $I_n(x) = \int_x^{x+1} f_n(t) dt$ とおく。

$$I_n(x) = \begin{cases} \boxed{\text{ホ}} & (x < 0) \\ \boxed{\text{マ}} & (0 \leq x < \boxed{\text{ヘ}}) \\ \boxed{\text{ミ}} & (\boxed{\text{ヘ}} \leq x) \end{cases} \text{ である。}$$